

## Übungsserie 1

1. Ein (vereinfachtes) Rechensystem besteht aus 2 Rechenknoten, die über schnelle Netzwerke mittels Message Passing (MPI) parallel genutzt werden können. Jeder Knoten besitzt ein System aus 6 Prozessoren (CPU).

Wir betrachten nun die Ereignisse  $E_{ij} = (i, j)$ ,  $0 \leq i \leq 6$ ,  $0 \leq j \leq 6$ , wobei  
 $i$  = Anzahl zum Rechnen benutzter CPU's in Knoten 1  
 $j$  = Anzahl zum Rechnen benutzter CPU's in Knoten 2

Die möglichen Ereignisse sind in folgender Tabelle zusammengestellt:

		Knoten 2						
(benutzte)	CPU	0	1	2	3	4	5	6
Knoten 1	0	(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)	(0,5)	(0,6)
	1	(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)
	2	(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)
	3	(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)
	4	(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)
	5	(5,0)	(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)
	6	(6,0)	(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)

- a) Gib den Ereignisraum  $\Omega$  an.  
 b) Gib das Ereignis “die Anzahl der benutzten CPU's ist in beiden Knoten gleich” an.  
 c) Gib das Ereignis “pro Knoten wird maximal 1 CPU benutzt” an.

Sei nun

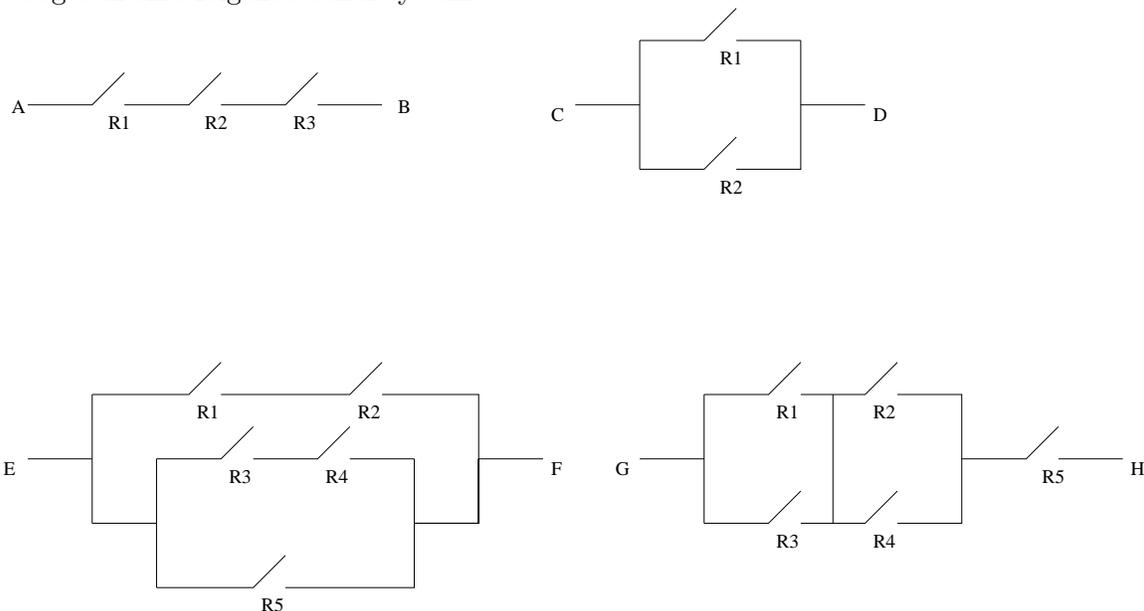
$$A = \{\text{“insgesamt wird eine ungerade Anzahl CPU's benutzt”}\} = \{1,3,5,7,9,11\}$$

$$B = \{\text{“insgesamt werden die Hälfte oder weniger der CPU's benutzt”}\} = \{0,1,2,3,4,5,6\}$$

Wie sehen dann folgende Ereignisse aus:

- d)  $A \cup B$  und  $A \cap B$ ?  
 e)  $(A \cup B)^C$  und  $A^C \cap B^C$ ?

2. Gegeben sind folgende Schaltsysteme:



a) Mit  $E_i$  bezeichnen wir das Ereignis {“Schalter  $R_i$  ist geschlossen”}. Drücke die folgenden Ereignisse durch die  $E_i$  aus:

- $A_1 = \{\text{“Es fließt Strom von A nach B”}\}$
- $A_2 = \{\text{“Es fließt kein Strom von A nach B”}\}$
- $A_3 = \{\text{“Es fließt Strom von C nach D”}\}$
- $A_4 = \{\text{“Es fließt kein Strom von C nach D”}\}$
- $A_5 = \{\text{“Es fließt Strom von E nach F”}\}$
- $A_6 = \{\text{“Es fließt Strom von G nach H”}\}$

b) Berechne  $P[A_6]$  unter der Annahme, dass die Ereignisse  $E_1, \dots, E_5$  unabhängig sind und  $P[E_i] = 0.8, i=1, \dots, 5$ .

3. Zug A kommt zufällig zwischen 12.00 Uhr und 12.20 Uhr an und fährt nach einer festen Aufenthaltszeit von  $a$  Minuten weiter. Zug B kommt irgendwann zwischen 12.10 Uhr und 12.25 Uhr an und hat  $b$  Minuten Aufenthalt.

a) Wir interessieren uns für folgende Ereignisse:

- $E_1 = \{\text{“A kommt vor B an”}\}$
- $E_2 = \{\text{“A und B treffen sich”}\}$
- $E_3 = \{\text{“A und B kommen gleichzeitig an”}\}$

Suche einen passenden Ereignisraum und charakterisiere darin die obigen Ereignisse.

*Hinweis: graphische Lösung mit Hilfe eines kartesischen Diagramm (Abszisse: Ankunftszeit Zug A, Ordinate: Ankunftszeit Zug B).*

b) Berechne die Wahrscheinlichkeiten der Ereignisse  $E_1$  bis  $E_3$  für  $a = 5$  und  $b = 10$  unter der Annahme, dass sich die Wahrscheinlichkeiten als normierte Flächeninhalte berechnen lassen, d.h.

$$P[E_i] = \frac{\text{Fläche } E_i}{\text{Fläche Ereignisraum}}, \quad i = 1, \dots, 3.$$

**Abgabe:** Bis Mittwoch, den 5. November, 13 Uhr im Fach der/des entsprechenden Assistentin/Assistenten im HG E18.1 (hinten links, rote Fächer)

**Präsenz:** Montag: 12-13, LEO C12.1.